



# الفرض المعروض الثاني في مادة الرياضيات 2019/2018



الإجابة المقدمة تكون باحد اللونين الازرق او الاسود

التمرين الاول : (08 نقاط)

سلم التقييم

نعتبر كثير الحدود  $P(x)$  للمتغير الحقيقي  $x$  حيث:  $P(x) = 2x^2 - x - 1$

① عين جذور  $P(x)$  ② حل العبارة  $2(\ln x)^2 - (\ln x) - 1$

$$2e^{-2x} - e^{-x} \leq 1$$

③ - استنتج مجموعة الحلول في  $\mathbb{R}$  للمتراجحتين :  $2(\ln x)^2 \leq 1 + (\ln x)$

④ حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة:  $\ln x + \ln(2x - 1) \geq 0$

التمرين الثاني : (12 نقطة)

I) نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = 1 - x + e^{x-2}$

- احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$

أ) - احسب  $g'(x)$  مشتقة الدالة  $g$  ثم ادرس اتجاه تغيرها.  
ب) استنتج إشارة  $g(x)$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$ .

II) نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = x - 1 + xe^{2-x}$

ليكن  $(C_f)$  المنحني الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد و متجانس.  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  وحدة الطول 2cm.

أ) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ب) تحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  فإن:  $f'(x) = e^{2-x} \times g(x)$

ج) ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

2- أ) - بين أن المستقيم  $(d)$  ذا المعادلة  $y = x - 1$  هو مستقيم مقارب للمنحني  $(C_f)$ .

ب) ادرس الوضع النسبي للمنحني  $(C_f)$  و المستقيم  $(d)$ .

ج) بين أن  $(C_f)$  يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $\alpha$  تحقق  $0.1 < \alpha < 0.2$ .

3- بين ان المنحني  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف  $A$  يطلب كتابة معادلة المماس  $(T)$  عندها

4- أنشئ المنحني  $(C_f)$  و المماس  $(T)$  و المقارب  $(d)$

$m$  وسيط حقيقي

5- ناقش حسب قيم الوسيط  $m$  عدد و إشارة حلول المعادلة:  $f(x) = x + m$ .

